Universidade Federal de Santa Maria - UFSM FSC1057 - Introdução à Astrofísica Prof. Rogemar A. Riffel

LISTA 1: Esfera celeste; Sistemas de coordenadas; Movimento anual do Sol; Fases da Lua; Eclipses; Configurações planetárias e períodos dos planetas; Leis de Kepler e determinação de massas de corpos astronômicos.

- 1. Mostre que um dia sideral é aproximadamente 4 min mais curto que o dia solar.
- 2. A latitude de Montreal é 48°N.
- a) Sabendo que a obliquidade da eclíptica é 23,5°, qual a altura máxima do Sol, no verão, em Montreal.
- b) Calcule a razão entre a insolação recebida no verão com a insolação recebida no inverno em Montreal.
- 3. Qual é a fase da Lua se:
- a) Ela nasce ao pôr do Sol?
- b) Ela cruza o meridiano superior ao meio-dia?
- c) Ela se põe à meia-noite?
- d) Ela nasce com o Sol?
- 4. O mês lunar (tempo para repetição de uma mesma fase) é de 29,53 dias. Calcular a duração do mês sideral (tempo para dar uma volta completa em torno da Terra).
- 5. Os eclipses só podem ocorrer durante a Lua Nova ou durante a Lua Cheia.
- a) Por que não ocorrem eclipses nas outras fases da Lua?
- b) Que tipo de eclipse (solar ou lunar) ocorre na Lua Nova? E na Lua Cheia?
- c) Por que não ocorrem eclipses todos os meses?
- 6. A Lua e o Sol possuem aproximadamente o mesmo diâmetro angular, que vale 0.5° . Quais são os seu diâmetros lineares destes corpos, sabendo que sua distância Terra-Lua é 384000 km e a distância Terra-Sol vale $1.5 \times 10^{8} \text{ km}$?
- 7. Sabendo que o Sol tem um raio 100 vêzes maior do que o raio da Terra,
- a) A que distância da Terra um observador veria a Terra do mesmo tamanho angular do Sol?
- b) Qual o tamanho desse ângulo, comparado com o tamanho angular do Sol visto da Terra, de 0,5 graus?
- 8. Sendo r o raio da Terra, $R = 109 \, r$ o raio do Sol e $L = 23680 \, r$ a distância entre os dois centros dos astros.
- a) Qual a altura do cone de sombra formado (demonstre a equação para a altura)?
- b) Qual o raio desse cone, à distância l = 60 r onde passará a Lua (demonstre a equação para o raio)?
- c) Sendo $r_L = r/3,6$ o raio da Lua, quantos diâmetros lunares cabem nessa região de sombra?
- d) Qual o diâmetro da penumbra na região atravessada pela Lua?.
- 9. No dia 30 de março de 2006 Vênus esteve em máxima elongação (e_M) a oeste do Sol, com $e_M=46,5^{\circ}$.
- a) Nas condições desse dia, Vênus é visível como astro matutino ou vespertino?
- b) Sabendo que essa condição se repete a cada 584 dias, qual o período orbital do planeta?
- c) Qual a distância de Vênus ao Sol (em UA), quando tem essa elongação?
- 10. Um astrônomo determinou que o intervalo de tempo decorrido entre uma oposição e a próxima quadratura de um asteróide hipotético, em órbita circular em torno do Sol com período sideral de duração de 1000 dias, é de 94 dias.
- a) Qual é a distância ao Sol desse asteróide, determinado pelo método de Copérnico?
- b) Compare com o resultado determinado pela terceira lei de Kepler.
- 11. O intervalo entre duas oposições de um planeta foi 398,9 dias. O diâmetro angular do planeta em oposição foi 47,2". Encontre o período sideral, o semi-eixo maior, e o diâmetro linear (em quilômetros) do planeta.

- 12. O asteróide Ícaro tem uma órbita elíptica cujo afélio está a 1,969 UA do Sol, e periélio está a 0,187 UA. Encontre o o semi-eixo maior e a excentricidade da órbita de Ícaro e o seu período sideral.
- 13. Sabendo que a excentricidade e o periélio do cometa Halley são e = 0.967 e $R_p = 0.586$ UA, respectivamente. Calcule seu semi-eixo maior, seu período e sua distância no afélio.
- 14. O período de Phobos, satélite de Marte, é 0,3189 dias, e o semi-eixo maior de sua órbita é 9370 km. Compare esses valores com os parâmetros da órbita da Lua em torno da Terra para determinar a massa de Marte, em massas terrestres.
- 15. Ganimede, o maior satélite de Júpiter, tem uma distância média ao planeta de 1.070.000 km, e um período orbital de 7,15 dias. Calisto, outro satélite, tem uma distância média ao planeta de 1.883.000 km, e um período orbital de 16,69 dias. Europa é outro satélite de Júpiter, e se encontra a 670.900 km do planeta. Qual o seu período?
- 16. Miranda, uma lua de Urano, orbita o planeta em 1,4 dias a uma distância média de 128.000 km. Determine a massa de Urano de três maneiras:
- a) em massas terrestres, comparando o movimento de Miranda em torno de Urano com o movimento da Lua em torno da Terra (P(Lua) = 27,32 dias; a(Lua) = 384.000 km)
- b) em massas solares, comparando o movimento de Miranda em torno de Urano com o movimento da Terra em torno do Sol (P(Terra) = 1 ano = 365,25 dias; a(Terra) = 1 UA = 150.000.000 km).
- c) em kg, usando todas as grandezas no SI ($G = 6,673 \times 10^{-11} \text{m}^3 \text{kg}^{-1} \text{s}^{-2}$).

RESPOSTAS:

- 2a) $\theta_V = 65, 5^{\circ}, \, \theta_I = 18, 5^{\circ}; \, 2b) \, \frac{I_V}{I_I} = 2,84;$
- 4) 27,322 dias;
- 6) $D_L = 3350 \,\mathrm{km}, D_S = 1,3 \times 10^6 \,\mathrm{km};$
- 7a) h=1/100 UA; 7b) $\theta_T = 0.5^{\circ}$;
- 8a) $L = 219, 26r; 8b) r(l) = 0,726r; 8c) 2,6; 8d) D_p = 2,56r;$
- 9b) 1,6 anos; 9c) 0,725 UA;
- 10a) 1,92 UA; 10b)1,96 UA;
- 11) $P = 11, 9 \text{ anos}, a = 5, 21 \text{ UA}, D = 1, 45 \times 10^5 \text{ km};$
- 12) a = 1,078 UA, e = 0,826, P = 1,12 anos;
- 13) $a = 17,75 \text{ UA}, P=74,8 \text{ anos}, R_A = 34,9 \text{ UA};$
- 14) $m = 0,107 \,\mathrm{M_T};$
- 15) P=3,54 dias;
- 16a) $M = 14,1 M_T; 16b) M = 4,3 \times 10^{-5} M_{\odot}; 16c) M = 8,5 \times 10^{25} kg$