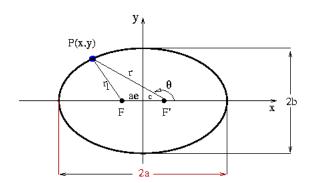
Universidade Federal de Santa Maria - UFSM FSC1057 - Introdução à Astrofísica Prof. Rogemar A. Riffel

LISTA 2: Leis de Kepler; Gravitação Universal; Forças diferenciais gravitacionais; Planetologia; Telescópios

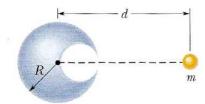
Dados: Massa do Sol: M_☉ = 1,989 × 10³⁰ kg; Massa da Terra: M_{\oplus} = 5,97 × 10²⁴ kg; Massa da Lua: M_L = 7,347 × 10²² kg; Distância Terra-Sol: 1 UA = 149598000 km; Distância Terra-Lua: d_{TL} = 384000 km; Raio da Terra: R_{\oplus} = 6378 km; Velocidade da luz: $c \approx 3 \times 10^8 \, \mathrm{m/s}$; $G = 6,673 \times 10^{-11} \, \mathrm{m}^3 \mathrm{kg}^{-1} \mathrm{s}^{-2}$.

- 1. Em que ponto de uma órbita elíptica um planeta apresenta a maior velocidade? Justifique sua resposta em termos da conservação da energia.
- 2. O cometa Halley se move em uma órbita elíptica em torno do Sol. No periélio, a distância entre o cometa Halley e o Sol é igual a $8,75\times10^7$ km; no afélio é igual a $5,26\times10^9$ km. Calcule: a) O semi-eixo maior; b) A excentricidade; c) O período orbital; d) Sua velocidade na posição do periélio e no afélio.
- 3. Um satélite é lançado a 300 km de altura da superície da Terra, com velocidade paralela á superfície.
- a) Qual o valor de sua velocidade para descrever uma órbita circular?
- b) E para descrever uma órbita parabólica?
- c) E para descrever uma órbita elíptica com excentricidade 0,05 e perigeu no ponto de lançamento?
- 4. Dados a massa da Terra ($M_{\oplus}=5,97\times10^{24}~{
 m kg}$) e o raio da Terra $R_{\oplus}=6370~{
 m km}$). Calcule:
- a) A velocidade de escape da Terra para uma partícula na sua superfície.
- b) A velocidade de escape da Terra para uma partícula a 1000 km de sua superfície.
- c) O raio de um buraco negro com massa igual à massa da Terra.
- 5. A partir da equação da órbita $r = \frac{a(1-e^2)}{1+e\cos\theta}$, onde r, a, e θ são definidos como na figura abaixo. Mostre que, para $\theta = 0^\circ$ e $\theta = 180^\circ$, essa equação dá a posição do periélio $(r_P = a(1-e))$ e do afélio $(r_A = a(1+e))$, respectivamente.



- 6. Calcule a razão entre a força de maré na Terra, causada pelo Sol, e a força de maré na Terra, causada pela Lua. Qual é a maior? Quantas vêzes é maior?
- 7. O que é precessão? Qual o seu efeito na posição das estrelas? Ela tem efeito nas estações? Explique. Por que o ponto Áries tem esse nome se ele se localiza na constelação de Peixes?
- 8. Quais os dois tipos básicos de planetas encontrados no sistema solar? Quais as diferenças básicas dos dois tipos?
- 9. Do ponto de vista observacional, como se conhece qual é a composição química da atmosfera dos planetas terrestres e jovianos? E a composição química em seu interior?
- 10. Descreva os aspectos básicos da hipótese nebular para a formação do sistema solar, e dê três exemplos de como essa teoria explica alguns aspectos observados atualmente no sistema solar.

- 11. Calcule a temperatura máxima que a Terra deveria ter para ter hidrogênio atômico $(m_H = 1.6 \times 10^{-27} \text{ kg})$ em sua atmosfera. E a temperatura mínima para que o oxigênio $(m_O = 16 m_H)$ escapasse de sua atmosfera.
- 12. Descreva a estrutura de um cometa, em termos de sua composição química.
- 13. Quais são as principais diferenças entre planetas, planetas anões e asteróides?
- 14. Descreva os principais tipos de focos utilizados em telescópios modernos.
- **15.** Quais as vantagens e desvantagens de um detector do tipo *Charge-coupled Device* (CCD) comparando-o com placas fotográficas?
- 16. A figura abaixo mostra uma cavidade esférica no interior de uma esfera de chumbo de raio R; a superfície da cavidade passa pelo centro da esfera e "toca" o lado direito da esfera. Sendo M, a massa da esfera antes da cavidade ser aberta, calcule o módulo da força gravitacional que a esfera de chumbo com a cavidade atrai uma pequena esfera de massa m = M/2 que se encontra a uma distância d = 2R do centro da esfera de chumbo, sobre a reta que liga os centros da esfera e da cavidade? Escreva sua resposta em termos de M e d.



17. Duas esferas de massa m e uma terceira esfera de massa M formam um triângulo equilátero (como mostrado na figura) e a quarta esfera de massa m_4 ocupa o centro do triângulo. A força gravitacional resultante sobre essa esfera central é nula. Qual é o valor de M em termos de m?

